

**NE PAS IMPRIMER CE DOCUMENT**  
il va être modifié et complété

## Document de travail pour le TP5

### Liens vers les questions

1) Algorithmes TD1-TD4.....	2
2) Enveloppe convexe (seconde version).....	5
3) Si vous avez du temps : exceptions en Java.....	6
4) Arbres binaires.....	7

## 1) Algorithmes TD1-TD4

### Tri rapide

Vous pouvez voir : [http://lwh.free.fr/pages/algo/tri/tri\\_rapide.htm](http://lwh.free.fr/pages/algo/tri/tri_rapide.htm)

L'algorithme de tri rapide choisit une valeur du tableau comme pivot et partage le tableau en trois parties pré-triées : les éléments du tableau inférieurs au pivot, ceux égaux au pivot et enfin ceux supérieurs au pivot.

```

triRapide ( tablo, deb, fin)
// tri entre les indices deb et fin compris
// le pivot est l'élément d'indice deb
si fin > deb
alors pivot=tablo[deb]
    drapeau ( tablo, deb, fin, pivot, debEG, finEG )
    triRapide (tablo, deb , debEG-1)
    triRapide (tablo, finEG+1,fin)
fsi

```

```

drapeau ( tablo, deb, fin, pivot, debEG, finEG )
dEg ← deb // dernier des égaux
fInc ← fin // dernier des inconnus
placer ← deb+1 // prochain à placer
tantque placer <= fInc
faire si tablo[placer]==pivot
    alors // on étend vers la droite la zone des égaux
        dEg++
        placer++
    sinon si tablo[placer] < pivot
        alors // on déplace vers la droite les égaux
            permuter tablo[dEg] et tablo[placer]
            dEg++
            placer++
        sinon // on réduit à droite les inconnus
            permuter tablo[fInc] et tablo[placer]
            fInc--
    fsi
fsi
fsi
ftq
debEG ← fInc
finEG ← dEg
renvoyer debEG et finEG comme résultats

```

Le drapeau renvoie deux valeurs qui sont les indices de **début et de fin des égaux** au pivot. En Java, vous devrez définir une classe intervalle ayant deux champs (les indices de début et de fin de l'intervalle) ; c'est un objet de cette classe qui sera renvoyé comme résultat de la méthode drapeau.

## Tri par fusion

L'algorithme récursif de tri par fusion (merge sort) partage le tableau en deux moitiés, trie de façon indépendante ces deux moitiés de tableau puis interclasse les deux moitiés triées :

```
triFusion (t, deb, fin)
  // partie de tableau à trier entre deb et fin compris
  si fin > deb
  alors milieu=(fin+deb)/2
    triFusion (t, deb, milieu)
    triFusion (t, milieu+1,fin)
    fusion(t,deb,milieu,fin)
  fsi
```

Pour l'interclassement (ou fusion), il y a trois cas à considérer : il reste des éléments à récupérer dans les deux tableaux, il n'en reste plus que dans l'un ou l'autre des deux tableaux. Deux structures sont possibles pour l'interclassement : une boucle *pour* qui permet de parcourir les indices entre *deb* et *fin* du tableau interclassé ou des boucles *tantque* pour chacun des trois cas ci-dessus :

### version avec une boucle *pour*

```
fusion ( T , deb, milieu, fin)
  // deux moitiés de tableau à interclasser
  // entre deb et milieu compris
  // entre milieu+1 et fin compris
  // création d'un tableau temporaire qui sera recopié dans T

  pour i de deb à fin
  faire si i1 <= milieu && i2 <= fin
    // les deux demi-tableaux contiennent encore des éléments
    si T[i1] <= T[i2]
    alors choisir T[i1]
    sinon choisir T[i2]
    fsi
  sinon si i1 <= milieu
    alors choisir T[i1]
    fsi
    si i2 <= fin
    alors choisir T[i2];
    fsi
  fsi
fpour

recopier tempo dans T entre les indices deb et fin compris
```

### version avec des boucles *tantque*

```
fusion ( T , deb, milieu, fin)
  // deux moitiés de tableau à interclasser
  // entre deb et milieu compris
  // entre milieu+1 et fin compris
  // création d'un tableau temporaire qui sera recopié dans T

  tant que i1 <= milieu ET i2 <= fin
  faire // les deux demi-tableaux contiennent encore des éléments
    si T[i1] <= T[i2]
    alors choisir T[i1]
    sinon choisir T[i2]
    fsi
    i++
  ftq
```

```

tant que i1 <= milieu ET i2 > fin
faire choisir T[i1]
    i++
ftq

tant que i2 <= fin ET i1 > milieu
faire choisir T[i2]
    i++
ftq

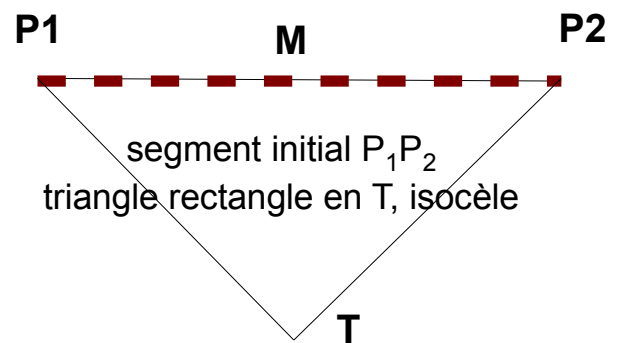
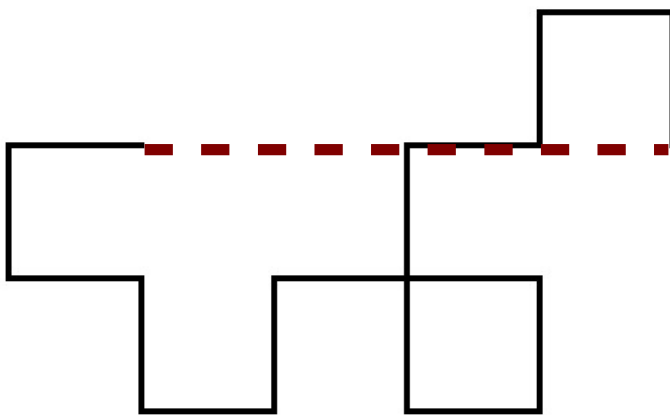
recopier tempo dans T entre les indices deb et fin compris

```

## Courbe du dragon

Vous pouvez voir :

<http://www.mathcurve.com/fractals/dragon/dragon.shtml/>



```

dessine( n, x1, y1, x2, y2 )
    si n=0
    alors // pas d'appel récursif
        tracer le segment entre P1(x1,y1) et P2(x2,y2)
    sinon
        dx ← x2-x1
        dy ← y2-y1
        // M(xm, ym) est le milieu du segment P1P2
        xm ← x1 + dx/2
        ym ← y1 + dy/2
        // T(xt,yt) sommet du triangle rectangle isocèle
        xt ← xm-dy/2
        yt ← ym+dx/2
        // appels récursifs sur les côtés de ce triangle
        dessine( n-1, x1, y1, xt, yt) // sur P1-T
        dessine( n-1, x2, y2, xt, yt) // sur P2-T
    fsi

```

## 2) Enveloppe convexe (seconde version)

Vous pouvez voir :

[https://interstices.info/jcms/c\\_16014/un-joli-algorithme-geometrique-et-ses-vilains-problemes-numeriques/](https://interstices.info/jcms/c_16014/un-joli-algorithme-geometrique-et-ses-vilains-problemes-numeriques/)

Les données sont structurées de la même façon que dans la première version :

- *max* est le nombre maximum de points du nuage ;
- *nbEC* est le nombre de points de l'enveloppe convexe ;
- les deux tableaux *PTS* et *EC* contiennent à l'indice *i* : en ligne 0, la coordonnée *x* et en ligne 1, la coordonnée *y* d'un point qui sera identifié par son indice *i* dans le tableau *PTS* ou *EC*

```
int[][] PTS = new int[2][max]; // pour l'ensemble de points
int[][] ENV = new int[max]; // pour l'enveloppe convexe
```

- le déterminant du produit vectoriel de *PQ* et *QI* permet de déterminer l'orientation relative des points *q* et *i* par rapport au point *p* :

```
orientation ( p, q, i ) :
  Xpq ← PTS[0][q]-PTS[0][p]
  Ypq ← PTS[1][q]-PTS[1][p]
  Xqi ← PTS[0][i]-PTS[0][q]
  Yqi ← PTS[1][i]-PTS[1][q]
  résultat : Xpq * Yqi - Ypq * Xqi
```

- lorsque les points *q* et *i* sont alignés avec *p*, le produit scalaire de *PQ* et *QI* est positif lorsque *i* est plus éloigné de *p* que *q* Capture-

```
scalaire ( p, q, i ) :
  Xpq ← PTS[0][q]-PTS[0][p]
  Ypq ← PTS[1][q]-PTS[1][p]
  Xqi ← PTS[0][i]-PTS[0][q]
  Yqi ← PTS[1][i]-PTS[1][q]
  résultat : Xpq * Xqi + Ypq * Yqi
```

- le calcul de l'enveloppe convexe se fait alors de la façon suivante :

```
gift ( PTS, max, EC, nbEC ) :
  p0 ← minimal (PTS,max)
  copier p0 en première position dans EC
  p ← p0
  répéter
    q ← p+1 modulo max
    pour i de 0 à max
      faire t ← orientation (p, q, i)
        si t < 0 ou ( t=0 et scalaire(p, q, i) > 0 )
          alors q ← i
        fsi
    fpour
  enregistrer q dans EC
  p ← q
  jusqu'à p=p0
```

### 3) Si vous avez du temps : exceptions en Java

*Si vous avez un peu de temps vous pouvez tester l'utilisation des exceptions pour contrôler le problème de génération des points uniques signalé en TD*

Rappel : l'algorithme ne fonctionne que si tous les points sont uniques (ils sont indentifiés par leur indice dans le tableau). Vous devez donc avoir écrit une méthode de génération aléatoire de points du style :

```
pour i de 1 à max
faire répéter choisir x et y au hasard
    jusqu'à (x,y) n'existe pas dans le tableau PTS
    enregistrer le point (x,y) dans PTS
fpour
```

Vous pouvez assez facilement avoir ainsi une boucle infinie (en tirant aléatoirement des coordonnées entières au hasard entre 0 et 10, vous êtes limités à 100 points distincts). Il est donc prudent de limiter le nombre d'itérations ... mais que faire lorsque le nombre maximum d'itérations est atteint ?

Vous pouvez traiter ce problème en utilisant le mécanisme des exceptions de Java :

- définissez une classe exception qui aura pour seul champ la valeur de  $i$  sur laquelle vous avez atteint le nombre maximum d'itérations autorisées :  $i-1$  indique le nombre maximum de points disponibles ;

```
public class unicitePoints extends Exception
{ private int ind;
  public unicitePoints (int ind)
  { this.ind = ind; }

  public int getIndice()
  { return ind; }
}
```

- vous devez indiquer que votre méthode de génération des points distincts est susceptible de générer une telle exception ;

```
public int[][] genereENSdis ( int max ) throws unicitePoints
```

- dans la boucle de génération des points uniques, activez cette exception lorsque le maximum d'itérations est atteint ;

```
public int[][] genereENSdis ( int max ) throws unicitePoints
{ ...
  for ( int i=1; i< max; i++ )
  { int nbEssais=0;
    do { // choix aléatoire entre 0 et maxAleat
      ...
      nbEssais++;
      if ( nbEssais > maxEssais) // dépassement
        { throw new unicitePoints (i); // DONC exception
        }
    }
  }
  ...
}
```

- lorsque vous appelez la méthode *genereENSdis*, indiquez ce qui doit être fait en cas d'exception (en l'occurrence, modifier le nombre de points, *max* :

```
try { PTS = genereENSdis ( max );
}
catch ( unicitePoints e)
{ max= e.getIndice();
  System.out.println("nombre de points REDUIT à " + max);
}
```

## 4) Arbres binaires

Pour ce TP, les arbres binaires seront implémentés comme indiqué en TD :

```
public class arbreB
{
    private arbreB fg, fd;
    private int rac;

    // constante arbre vide
    public static final arbreB Avide= null;

    // pour la génération aléatoire de valeurs entre 0 et 9
    public static final int maxAleat=10;
}
```

Commencez par la mise en place des **méthodes d'accès en lecture aux champs**. Vous devez ajouter à la classe *arbreB*, les méthodes :

```
estVide   : arbreB → boolean
racine    : arbreB → int
filsG     : arbreB → arbreB
filsD     : arbreB → arbreB
```

Ajoutez à votre classe une **méthode permettant d'initialiser un arbre binaire complet** de façon aléatoire. Vous pouvez par exemple tirer au hasard la profondeur de l'arbre et écrire une méthode récursive de création d'un arbre de profondeur donnée :

```
aleatoireC (hauteur) :
    // res est l'arbre binaire qui sera renvoyé comme résultat
    // en Java : n'oubliez pas les "new" sur les arbreB

    si hauteur==0
    alors res ← arbre vide
    sinon res.rac ← valeur au hasard entre 0 et maxAleat
        res.fg ← aleatoireC( hauteur-1)
        res.fd ← aleatoireC( hauteur-1)
    fsi
    renvoyer res
```

Pour **initialiser un arbre binaire éventuellement incomplet** de façon aléatoire, [ajoutez un tirage aléatoire pour décider de l'existence d'un fils gauche et fils droit non vide](#) :

```
aleatoireI (hauteur) :
    // res est l'arbre binaire qui sera renvoyé comme résultat
    // en Java : n'oubliez pas les "new" sur les arbreB

    si hauteur==0
    alors res ← arbre vide
    sinon res.rac ← valeur au hasard entre 0 et maxAleat
        existe ← valeur booléenne au hasard
        si existe==vrai
        alors res.fg ← aleatoireI( hauteur-1)
        fsi
        existe ← valeur booléenne au hasard
        si existe==vrai
        alors res.fd ← aleatoireI( hauteur-1)
        fsi
    fsi
    renvoyer res
```

Pour **initialiser un arbre binaire à partir d'un tableau** comme ceux décrits au TP3 :

```
initTableau( T, rac, max)
// T est le tableau, indicé entre 1 et max
// r est l'indice de la racine du sous-arbre à prendre dans le tableau
// res est l'arbre binaire qui sera renvoyé comme résultat
// en Java : n'oubliez pas les "new" sur les arbres

si r <= max
alors res.rac ← T[r]
    res.fg ← arbre vide
    res.fd ← arbre vide
    si r <= max/2
    alors // il existe des fils dans le tableau
        res.fg ← tableau( T, 2*rac, max)
        res.fd ← tableau ( T, 2*rac+1, max)
    fsi
fsi
renvoyer res
```

Pour tester l'initialisation par un tableau d'entiers, vous pouvez utiliser les tableaux Tmin, Tmax et Tdico ainsi que les tableaux T1 à T5 du TP3.

Ajoutez les **méthodes de parcours** (avec affichage de la valeur entière stockée sur chaque nœud) : infixe, préfixe, postfixe et en largeur.

Pour l'affichage en largeur n'oubliez pas d'écrire deux méthodes, la méthode récursive étant une méthode de travail qui ne traite pas la racine de l'arbre initial.

N'oubliez pas d'ajouter à votre classe :

- les **méthodes d'évaluation des propriétés** de l'arbre : hauteur et équilibrage
- les **méthodes de recherche** simples (arbres quelconques), dans des tas minimum ou maximum, dans des arbres dictionnaires.